# 津波被害想定に活用するための津波作用に関する 橋梁の被害率曲線の構築とその利活用

Development and implementation of fragility curve of damaged bridges due to a tsunami load for tsunami damage assessment

○中村 友治<sup>1</sup>, 庄司 学<sup>2</sup>, 高橋 和慎<sup>3</sup> Tomoharu NAKAMURA<sup>1</sup>, Gaku SHOJI<sup>2</sup>, and Kazunori TAKAHASHI<sup>3</sup>

1 筑波大学大学院システム情報工学研究科構造エネルギー工学専攻

Graduate School of Systems and Information Engineering, University of Tsukuba <sup>2</sup> 筑波大学 システム情報系

Faculty of Engineering, Information and Systems, University of Tsukuba

3 筑波大学 大学院 システム情報工学研究科 構造エネルギー工学専攻

Graduate School of Systems and Information Engineering, University of Tsukuba

We assess the tsunami damage on road bridges due to the 2011 off the Pacific Coast of Tohoku earthquake tsunami. For damage assessment of bridges, we obtain the inundation heights at 33 damaged bridges due to the tsunamis by tsunami flow simulations based on shallow water theory, which are discretized by using the finite difference method with a staggered leap-flog scheme. We clarified damage ratio dependent on an inundation height, which is defined by the value of number of bridge damage points divided by total number of exposed bridges, focusing on wash-away girder-type bridges. Finally, we revise the fragility curve of wash-away damage for bridges proposed previously by authors and show how to use the fragility curve for regional risk assessment of road infrastructures.

Keywords : The 2011 off the Pacific Coast of Tohoku earthquake tsunami, road structure, bridge, tsunami damage

## 1. はじめに

2011 年 3 月 11 日に発生した東北地方太平洋沖地震で は、これに伴う巨大津波により道路橋に甚大な被害が発 生した.本研究では、2011 年東北地方太平洋沖地震津波 において発生した道路桁橋の落橋被害に焦点を当て橋梁 の被害率曲線を構築する.被災橋梁における浸水高を浅 水理論に基づく Staggered 格子を用いた leap-frog 差分法に よる津波の伝播及び浸水に関する数値シミュレーション によって求め、構築された被害率曲線を地域レベルの道 路網に適用することで橋梁の津波被害想定に関する方法 論を示す.

### 2. 分析対象とする橋梁と分析方法

本研究では、庄司ら<sup>1)</sup>において示された 2011 年東北地 方太平洋沖地震において津波作用を受けたと考えられる 230 の橋梁を分析対象とする. 被災データとしては同様 に文献 1)に示された 33 データから被災モードが落橋とさ れる 20 データを対象とし、それらの中で PC・RC 桁及び 鋼桁である 18 の桁橋を分析する(表 1). 図 1 には、これ らのデータの地点、浸水域 <sup>2)</sup>及び浸水高 <sup>3)</sup>の関係を示す. これらの対象橋梁は岩手県に 5 データ、宮城県に 13 デー タが存在する. これらデータを基に、落橋に関する被害 率 $R_N^b$ として被災橋梁数 $N_d^b$ の中の落橋した橋梁数 $N_{fb}^b$ を 浸水域内橋梁数 $N_t^b$ で除して次式のように定義した.

$$R_N^b = \frac{N_{f|d}^b}{N_t^b} \tag{1}$$



津波作用の指標としては浸水高データを使用する.本 来,分析対象とする被災地点における浸水深のデータを

衣	I 又献 I) に示された 33 彼災橋架及び本研究で対象とする 18 橋架 (*) と津波ンミュレーションにおける計算 Group									
計算 Group	名称(33橋梁)	緯度	経度	地名	計算 Group	名称(33橋梁)	緯度	経度	地名	
1	和座橋	40.389	141.728	岩手県九戸郡浅野町		水尻橋(*)	38.674	141.443	宮城県本吉郡南三陸町	
2	広内橋	40.126	141.838	岩手県九戸郡野田村	13	折立橋(*)	38.647	141.437		
3	米田橋	40.097	141.826	岩手県九戸郡野田村		横津橋(*)	38.638	141.456		
4	ハイペ沢橋(*)	39.927	141.939	巴手用下明伊那田堅加封	14	新相川橋(*)	38.603	141.501	宮城県石巻市	
4	声転橋	39.919	141.939	石于乐下闭伊和西到知的	15	尾の崎橋	38.558	141.460	<b>应</b> 禄周	
5	向渡橋(*)	39.573	142.023	岩手県宮古市	15	新北上大橋	38.547	141.423	呂姒宗口仓川	
6	浪板橋	39.383	141.937	岩手県上閉伊郡大槌町	16	女川橋(*)	38.447	141.449	宮城県牡鹿郡女川町	
7	日ノ神橋	39.336	141.868	岩手県釜石市	17	定川大橋(*)	38.420	141.247	宮城県東松島市	
8	烏谷坂橋	39.300	141.884	岩手県釜石市	18	野々浜橋(*)	38.394	141.470	宮城県牡鹿郡女川町	
9	片岸大橋	39.203	141.863	岩手県釜石市	19	松ヶ島橋(*)	38.354	141.157	宮城県東松島市	
	川原川橋(*)	39.009	141.630		20	韮森橋(*)	38.290	141.064	宮城県宮城郡七ヶ浜町	
10	沼田跨線橋(*)	39.009	141.649	岩手県陸前高田市	21	橋本橋(*)	38.287	141.061	宮城県宮城郡七ヶ浜町	
	気仙大橋(*)	39.005	141.621		22	宮下橋(*)	38.177	140.955	宮城県名取市	
	小泉大橋(*)	38.770	141.508		23	高浦橋	37.914	140.918	宮城県亘理郡山元町	
11	外尾川橋	38.768	141.507	宮城県気仙沼市	24	太田川橋	37.643	140.984	福島県南相馬市	
	二十一浜橋	38.759	141.520		25	鮫川大橋	36.912	140.801	福島県いわき市	
12	歌津大橋(*)	38.716	141.523	宮城県本吉郡南三陸町						





用いて、当該道路構造物に対する津波作用とする必要が ある.しかし、上述した道路及び橋梁の被災地点におけ る浸水深を精度良く求めるためには高精度な標高データ が必要となる.標高データとしては、文献 4)による DEM(Digital Elevation Model)のデータが一例として挙げ られるが、それらの情報を道路及び橋梁の地点での標高 として使用するほどの精度が確保できなかったため、浸 水深を津波作用とする分析は今後の課題とする.また本 研究では、先述したように浸水域内に限定した道路及び 橋梁の被害に焦点を当てているため、当該道路及び橋梁 における標高が津波来襲時の天文潮位に対して極端に高 くなることは考えにくいため、当該道路及び橋梁におけ る浸水高を用いる.

落橋を含む被災橋梁に対しては浸水高を次章で示す数 値シミュレーションを用いて求める.それ以外の無被害 橋梁(N<sup>b</sup>-N<sup>b</sup>)での浸水高は東北地方太平洋沖地震津波合同 調査グループ<sup>3)</sup>の 2012 年 4 月 25 日時点での実測値を基 に測量誤差が小さいとされる信頼度 B以上の計 2738 デー タを抽出して,各橋梁地点に最近傍の浸水高の実測値を 付与した.ただし,各橋梁と最近傍の実測地点との距離 が 250m 以上離れている場合には,浸水高が周辺地形に よる影響を受けて変動することを考慮し,浸水高データ の付与を行わず分析データから除外した.これにより分 析対象となる橋梁は,数値計算の結果を基にした 33 橋梁 と観測記録を基にした 91 橋梁の計 124 を用いて行う.

#### 3. 被災橋梁地点での浸水高の推定

 $\frac{\partial M}{\partial t}$ 

被災橋梁の地点での浸水高の推定は,東北大学により 開発された津波プログラム TUNAMI-CODE (Tohoku University's Numerical Model for Investigation of Tsunami)<sup>5)</sup> を用いて津波の伝播及び浸水に関する数値シミュレーシ ョンにより計算する.支配方程式は浅水理論に基づき以 下の式(2a)-(2c)のようになっており,格子配置は Staggered 格子を採用し leap-frog 差分法により計算を実施 した.

$$\frac{\partial \eta}{\partial t} + \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0$$
 (2a)

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{M^2}{D} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{MN}{D} \right)$$

$$= -gD \frac{\partial \eta}{\partial x} - \frac{gn^2}{\pi^{1/2}} M \sqrt{M^2 + N^2}$$
(2b)

$$\frac{\partial N}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{MN}{D}\right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{N^2}{D}\right) = -gD\frac{\partial\eta}{\partial y} - \frac{gn^2}{D^{7/3}}N\sqrt{M^2 + N^2}$$
(2c)

式(2a)-(2c)においてηは海面を基準とした津波波高であり, *MとN*はそれぞれ*x*,*y*方向の流量フラックス,*D*は全水深 であり,*g*は重力加速度,*ρ*は海水の単位体積質量である. また,*n*は Manning の粗度係数であり,本研究では全計 算で一様に 0.025 としている.数値計算は落橋を含む全 33 の被災橋梁を 25 の計算 Group に分割して行い,それ ら毎に計算領域を,WGS-1984-UTM-54-N 座標系により 広域の Region1 から狭域の Region6 まで 6 段階に設定し 計算した.各計算 Group の格子数と格子幅を表 2 に示す. 標高及び水深データの作成は,陸域では広域 4 領域 (Region1~Region4)では GEBCO30<sup>60</sup>のデータを,狭域 2 領 域(Region5,Region6)では国土地理院提供の数値標高モデ ル(10m 間隔)<sup>4)</sup>をそれぞれ利用し,海域ではすべての領域 で日本水路協会の海底地形デジタルデータ M7000 シリー

Region	Group No.	X-direction	Y-direction	Grid Size[m]	
1	All Groups	480	720	1350	
2	All Groups	481	721	450	
3	All Groups	481	721	150	
4	8,10	541	901	50	
7	Others	481	721		
	8	721	481	16.67(50/3)	
	10,15,17,	401	721		
5	18,19,20	401	721		
	12	601	601		
	Others	721	721		
	8	931	931		
	12	601	601	6.67(50/9)	
	14,16	621	621		
6	15	481	721		
	17	721	481		
	18,19,20	931	481	]	
	Others	721	721		

表2 各計算 Group における計算領域の格子数と格子幅

ズ(1m 間隔等高線)<sup>7)</sup>を用いて,各領域でこれらのデータ をメッシュサイズに補間した.波源モデルとしては東北 大学モデル(version1.1)<sup>8)</sup>を利用し初期水位データを作成し た.初期水位は Okada(1985)<sup>9)</sup>の方法により静的に与えて いる.計算時間は総計算ステップを 48000,各ステップ の刻み幅を 0.15 秒とし,120 分となるように設定した. 図 2には計算 Group25(鮫川大橋周辺)での浸水域の計算結 果と国土地理院による浸水域<sup>2)</sup>を示す.また,図 2には 3 つの被災橋梁と浸水高の実測地点も合わせて示す.

次に実測値と計算値との比較を行った結果,数値計算 による浸水高の実測値に対する倍率は 0.51 から 2.85 であ った.また,津波シミュレーションの妥当性を式(3a)-(3b)によって求められる*K*とκを指標として評価した<sup>10,11)</sup>.

$$\log K = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \log K_i$$
(3a)  
$$\log \kappa = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (\log K_i)^2 - (\log K)^2}$$
(3b)

ここで、 $K_i$ はある観測点での浸水高の実測値を数値計算 により得られたその観測点での浸水高で除した値であり、 iは観測点の番号、nは観測点の総数である.この指標を 用いて、今回の数値計算モデルを各計算領域において橋 梁の近傍に存在する 232 点での浸水高の実測値と比較し た.その結果、観測点における平均的な補正倍率を表す Kは 0.898、各観測点での $K_i$ の平均値Kに対する変動の割 合を表す $\kappa$ は 1.203 となった.これらは共に1に近い値で あるほど精度が良いとされ、相田<sup>12</sup>はKが 0.92、 $\kappa$ が 1.2 のモデルが精度良く実際の津波の伝播及び浸水を再現し たモデルとしている.これらの比較検討に基づき、各橋 梁地点での数値計算の結果がそれぞれの地点での浸水高 として妥当であると考え、以降の分析にこれらの値を用 いる.

# 4. 被害率の算出と被害率曲線の構築

浸水高 2.0m 毎の被害率  $R_N^b$ と浸水高の関係を図 3 に示 す. 浸水高 4.0m までは被害率  $R_N^b$ は 0 を示しているが, 浸水高 4.0m~6.0m の領域で被害率  $R_N^b$ は増加して 0.05, 浸水高 6.0m~12.0m の領域で被害率  $R_N^b$ は 0.10~0.20, 浸 水高 14.0m~18.0m で被害率  $R_N^b$ は 0.29 と大きな値を示し,



浸水高 18.0m 以上では被害率  $R_N^b$ は 0.27 を示した. 被害率  $R_N^b$ が最大値 0.29 を示した地点は,川原川橋,沼田跨線橋,気仙大橋,歌津大橋,横津橋及び新相川橋の周辺であった.

以上で求めた被害率  $R_N^b$ を基に文献 13)で使用したデー タの修正を行い,本研究で新たに被害率曲線の構築を行った.構築した被害率曲線及び Shoji and Moriyama<sup>14)</sup>が構築した被害率曲線とそれらのデータを図 3 に併せて示す. 文献 14)は 2004 年インド洋大津波のインドネシア・スマ トラ島における桁橋の落橋被害データを基に分析を行っ ている.被害率曲線の構築に際しては,浸水高 z におけ る被害率 R(z)が標準正規分布の累積確率  $\Phi(z)$ を用いて, 対数正規分布で次式のようにモデル化されると仮定した.

$$R(z) = \Phi\left(\frac{\ln z - \mu_Y}{\sigma_Y}\right) \tag{4}$$

ここで、 $\mu_Y \gtrsim \sigma_Y \lg \ln z$ の期待値と標準偏差である.回帰 定数は対数確率紙を用いて最小二乗法による線形回帰直 線によりそれぞれ算出した.浸水高の各区間における代 表値は 0.0m~18.0m においては区間幅 2m 毎の中央値を使 用しているが、18.0m 以上の区間では 19.0m とした.表 3 には、本研究で構築した被害率曲線と文献 14)により構築

# 表3 被害率曲線の算定式に関する回帰定数

	傾き 1/σ <sub>Y</sub>	切片 -μ <sub>Υ</sub> /σ <sub>Υ</sub>	決定係数 $R^2$	$\mu_Y$	$\sigma_Y$	メジアン $m_z$	標準偏差 $\sigma_Z$
本研究で構築した被害率曲線	0.7869	-2.8128	0.77	3.57	1.27	35.67	160.55
文献13)で構築した被害率曲線	0.8999	-3.036	0.75	3.37	1.11	29.18	84.48
文献14)構築された被害率曲線	0.7169	-2.112	0.94	2.95	1.39	19.03	81.38

浸水高[m] 47'30"E 140°48'E 140°48'30"E



140°47'30"E 140°48'E 140°48'30"E 図5 シミュレーションによる浸水高(鮫川大橋周辺)



図6 鮫川大橋より植田町方向(2011 年 6 月 13 日撮影)

された被害率曲線の算定式に関する回帰定数を示す.

# 5. 津波ハザードにさらされる地域の道路網の津波 被害推計への適用

このように構築した被害率曲線を今後津波ハザードに 晒されると考えられる地域の防災対策に用いるために活 用する.本研究では一例として福島県いわき市内の国道 及び県道を対象とした場合の適用方法を示す.図4にい わき市内全域における国道及び主要地方道と浸水域内に おける一般県道を示す.また、この図にそれら道路上に 存在する 24 の桁橋の位置を併せて示す.本研究では鮫川 大橋周辺の対象橋梁に対して 2011 年東北地方太平洋沖地 震津波による浸水を想定し,被害率曲線を適用する.津 波シミュレーションの結果を図5に示す.また、図6に は鮫川大橋から植田町方向の様子を示す. 各橋梁での浸 水高は橋梁1と橋梁2で3.4m,橋梁3で3.8m,鮫川大橋 で 3.7m と想定される. 被害率曲線の結果を各橋梁に適用 すると橋桁の落橋する確率はそれぞれ 0.032, 0.032, 0.039, 0.037 となる. 橋梁被害が少なかったいわき市の 上述の鮫川大橋周辺の地域では橋桁が落橋する確率は小

さいと推定される.このような検討を通じて地域に敷設 された道路及び橋梁の被害率の想定から津波対策の優先 順位づけ等の防災施策に利活用することができる.

## 6. まとめ

本研究では、2011 年東北地方太平洋沖地震津波におい て発生した道路桁橋の落橋被害に焦点を当て橋梁の被害 率曲線を構築した.このように構築された被害率曲線を 津波ハザードに晒された道路及び橋梁の防災施策に利活 用する方法論を示し、その一例として福島県いわき市の 道路網に被害率曲線の適用を行った.

# 謝辞

本研究で使用した数値計算につきましては東北大学により開 発されたプログラムを利用させて頂きました.同大学の今村文 彦先生及び越村俊一先生には貴重なご助言を頂きました.ここ に記して謝意を表します.

#### 参考文献

1) 庄司学・中村友治・高橋和慎・櫻井俊彰:2011 年東北地方太 平洋沖地震において津波作用を受けた道路構造物の被害,土木 学会論文集 A1S, Vol.68, 2012,登載決定.

2) 国土地理院:10万分1浸水範囲概況図, http://www.gsi.go.jp/ki kaku/kikaku60003, 2011.09.06 参照

3) 東北地方太平洋沖地震津波合同調査グループ:痕跡調査結果, http://www.coastal.jp/ttjt/

4) 国土地理院 基盤地図情報数値標高モデル, http://saigai.gsi.go.jp /fgd/download.html, 2011.9 参照.

5) Koshimura, S.(2009) : TUNAMI-CODE Tohoku University's Numerical Analysis Model for Investigation of Tsunami, Disaster Control Research Center School of engineering, Tohoku University.

6) The General Bathymetry Chart of the Oceans (GEBCO)(2009), http://www.gebco.net/, 参照 2011-12-21.

7) 日本水路協会:海底地形デジタルデータ M7000 シリーズ

8) 今村文彦,越村俊一,村嶋陽一,秋田善弘,新谷勇樹(2011): 東北地方太平洋沖地震を対象とした津波シミュレーションの実施 東北大学モデル(version1.1),東北大学大学院工学研究科附属 災害制御研究センター, pp.1-6,2011.

9) Okada, Y.: Surface Deformation due to Shear and Tensile Faults in a Half-Space, *Bull. Seismol. Soc. Am.*, Vol.75, pp.1135-1154, 1985.

10) 土木学会原子力土木委員会津波評価部会:確率論的津波ハザ ード解析の方法(案), 2009, http://committees.jsce.or.jp/ceofnp/syste m/files/PTHA20111209 0.pdf

11) 土木学会原子力土木委員秋津波評価部会:津波評価手法の高精度化研究,土木学会論文集 B, Vol.63, No.2, pp.168-177, 2007.
12) 相田勇:東海道沖におこった歴史津波の数値実験,地震研究所彙報, Vol.56, pp.367-390, 1981.

13) 中村友治・庄司学・高橋和慎:東北地方太平洋沖地震津波の 被災データに基づく道路桁橋の落橋被害に関する被害率曲線, 土木学会第67回年次学術講演会講演概要集, 2012,登載決定.

14) Shoji, G. and Moriyama, T.: Evaluation of the Structural Fragility of a Bridge Structure Subjected to a Tsunami Wave Load, *Journal of Natural Disaster Science*, Vol.29, No.2, pp.73-81, 2007.